



Lineáris elosztott RC hálózatok analízise

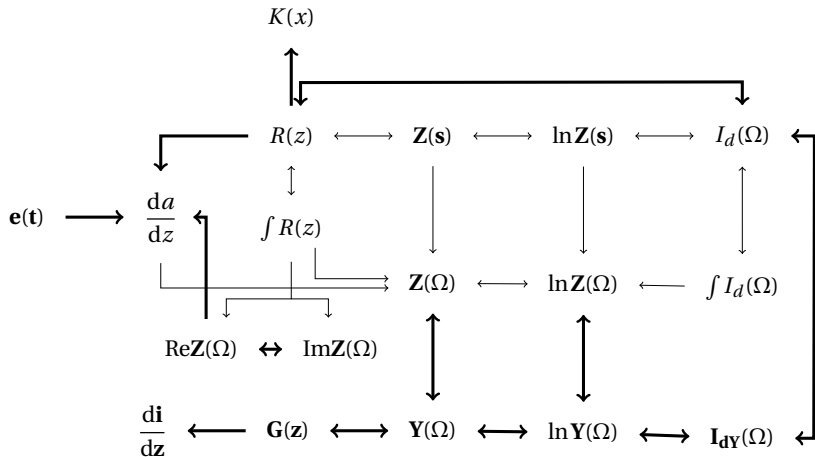
doktori (Ph.D.) értekezés nyilvános vitája

Szalai Albin

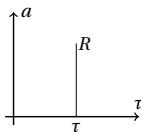
Témavezető: Dr. Székely Vladimír

Elektronikus Eszközök Tanszéke
2014. október 1.

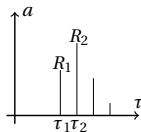
Bevezetés, célkitűzések



Az időállandó spektrum



$$a(t) = R \left(1 - \exp \left(-\frac{t}{\tau} \right) \right)$$



$$a(t) = \sum_{i=1}^n R_i \left(1 - \exp \left(-\frac{t}{\tau_i} \right) \right)$$

$$R(\tau) = \lim_{\Delta\tau \rightarrow 0} \frac{\text{a } \tau \text{ és } \tau + \Delta\tau \text{ közé eső időállandók intenzitása}}{\Delta\tau}$$

$$a(t) = \int_0^{\infty} R(\tau) \left(1 - \exp \left(-\frac{t}{\tau} \right) \right) d\tau$$

A dipólus intenzitás függvény

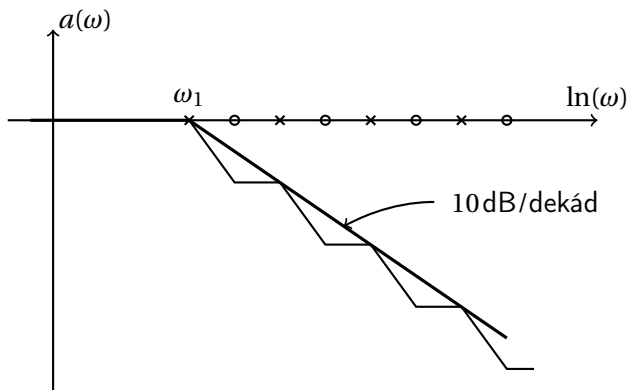
$$\mathbf{Z}(\mathbf{s}) = R_0 \frac{(1 + \mathbf{s}/\sigma_{z1})(1 + \mathbf{s}/\sigma_{z2}) \cdots (1 + \mathbf{s}/\sigma_{zn-1})}{(1 + \mathbf{s}/\sigma_{p1})(1 + \mathbf{s}/\sigma_{p2}) \cdots (1 + \mathbf{s}/\sigma_{pn})}$$

$$\mathbf{Z}(\mathbf{s}) = \sum_{i=1}^n \frac{R_i}{1 + \mathbf{s}/\sigma_{pi}} = \sum_{i=1}^n \frac{R_i}{1 + \mathbf{s}\tau_i}$$

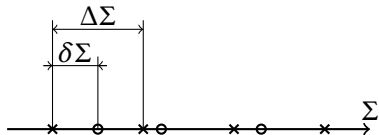
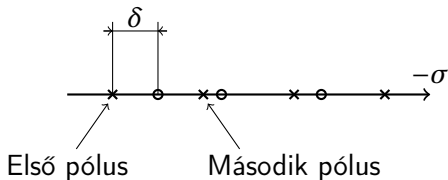
$$\mathbf{Z}(\mathbf{s}) = \frac{1}{\sqrt{\mathbf{s}K_0}} \operatorname{th} R_0 \sqrt{\mathbf{s}K_0}$$

$$\mathbf{Z}(\mathbf{s}) = \sqrt{\frac{r}{\mathbf{s}c}}$$

Bevezetés, célkitűzések



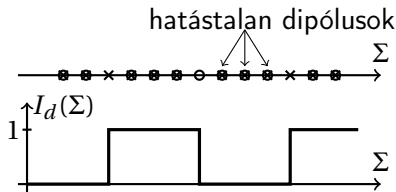
Bevezetés, célkitűzések



$$0 \leq I_d \leq 1$$

$$\Sigma = \ln(-\sigma)$$

$$I_d(\Sigma) = \lim_{\Delta\Sigma \rightarrow 0} \frac{\delta\Sigma}{\Delta\Sigma}$$

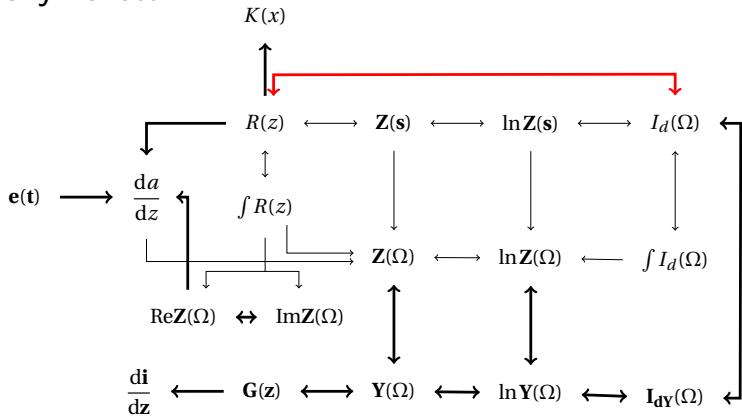


1. téziscsoport

Az elosztott RC hálózatok elméletének konvolúciós megfogalmazása

1.1. tézis

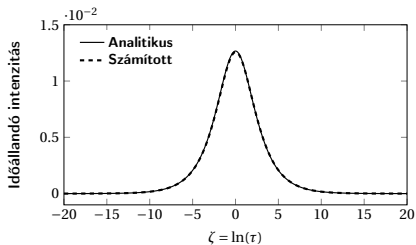
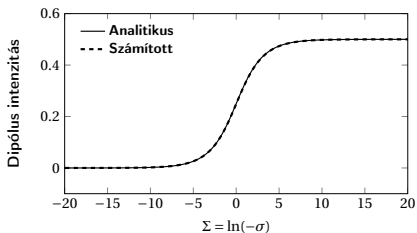
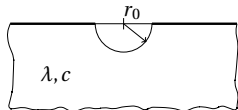
Kapcsolat az időállandó spektrum és a dipólus intenzitás függvény között



1.1. tézis

Kapcsolat az időállandó spektrum és a dipólus intenzitás függvény között

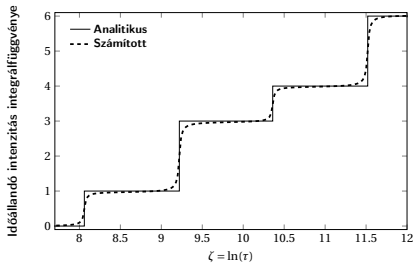
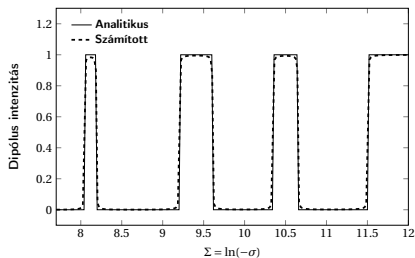
$$I_d(x) = \frac{1}{\pi} \arccos \left(R_M(x) \otimes \frac{1}{1 - \exp(x)} \right)$$
$$R_M(x) = \frac{1}{\pi} R_0 \cdot \text{Im} \left\{ \exp \left(I_d(x) \otimes \frac{\exp(x)}{1 - \exp(x)} \right) \right\}$$



1.1. tézis

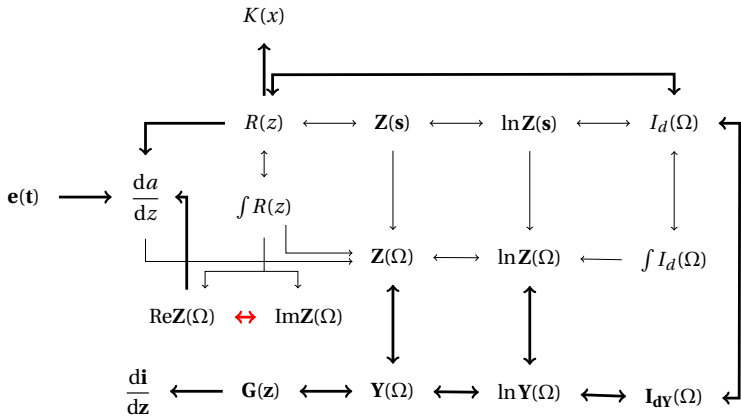
Kapcsolat az időállandó spektrum és a dipólus intenzitás függvény között

τ [μ s]	316	100	31.6	10
Amplitúdó [k Ω]	1	2	1	2



1.2. tézis

A Bode integrál átfogalmazása



A Bode integrál átfogalmazása

$$b_c = \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{da}{du} \ln \operatorname{cth} \frac{|u|}{2} du$$

$$W_{\operatorname{Re} \operatorname{Im}}(x) = -\frac{1}{\pi} \frac{1}{\operatorname{sh}(x)} \qquad W_{\operatorname{Im} \operatorname{Re}}(x) = \frac{1}{\pi} \frac{\exp(-x)}{\operatorname{sh}(x)}$$

$$\operatorname{Im} \{ \mathbf{Z}(\Omega) \} = W_{\operatorname{Re} \operatorname{Im}}(\Omega) \otimes \operatorname{Re} \{ \mathbf{Z}(\Omega) \}$$

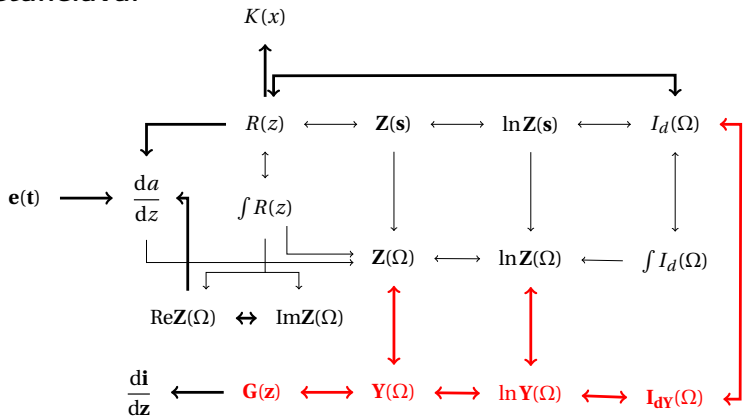
$$\operatorname{Re} \{ \mathbf{Z}(\Omega) \} = W_{\operatorname{Im} \operatorname{Re}}(\Omega) \otimes \operatorname{Im} \{ \mathbf{Z}(\Omega) \}$$

2. téziscsoport

Az elosztott RC hálózatelmélet konvolúciós
eszköz készletének admittancia alapú
megfogalmazása

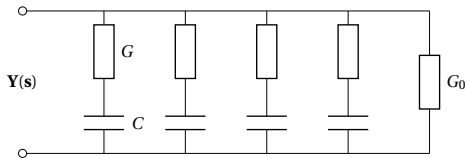
2.1. tézis

Az elosztott hálózatleíró függvények kapcsolata a komplex admittanciával



2.1. tézis

Az elosztott hálózatleíró függvények kapcsolata a komplex admittanciával



$$\left. \begin{aligned} Y(s) &= \frac{G}{1 + G/sC} = \frac{G}{1 + 1/s\tau} \\ Y(S) &= \int_{-\infty}^{\infty} \frac{G(\zeta)}{1 + \exp(-S - \zeta)} d\zeta \end{aligned} \right\} \rightarrow G(\zeta = -x) = \frac{1}{\pi} \text{Im} \{ Y(s = -\exp(x)) \}$$

2.1. tézis

Az elosztott hálózatleíró függvények kapcsolata a komplex admittanciával

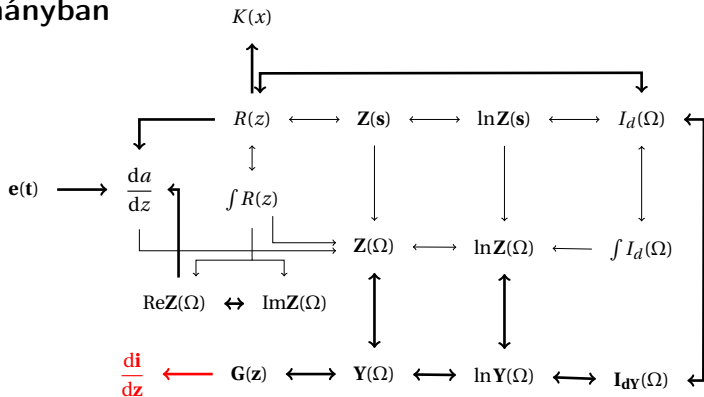
$$\ln\left(\frac{1}{\mathbf{Y}(\mathbf{S})}\right) = -\ln(\mathbf{Y}(\mathbf{S})) = \ln(R_0) - \int_{-\infty}^{\infty} I_d(x) \frac{\exp(\mathbf{S} - x)}{1 + \exp(\mathbf{S} - x)} dx$$

$$\ln(\mathbf{Y}(\mathbf{S})) = \ln(G_0) - \int_{-\infty}^{\infty} -I_{dY}(x) \frac{\exp(\mathbf{S} - x)}{1 + \exp(\mathbf{S} - x)} dx$$

$$I_{dY} = -I_d$$

2.2. tézis

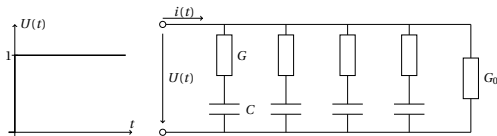
RC egykapuk mérése és identifikációja az admittancia tartományban



NID: Network Identification by Deconvolution

2.2. tézis

RC egykapuk mérése és identifikációja az admittancia tartományban



$$i(t) = \int_{-\infty}^{\infty} G(-x) \cdot \exp(-t/\exp(-x)) dx$$

$$i(z) = \int_{-\infty}^{\infty} G(-x) \cdot \exp(-\exp(z+x)) dx$$

$$\frac{di}{dz} = - \int_{-\infty}^{\infty} G(-x) \exp(-\exp(z+x)) \cdot \exp(z+x) dx$$

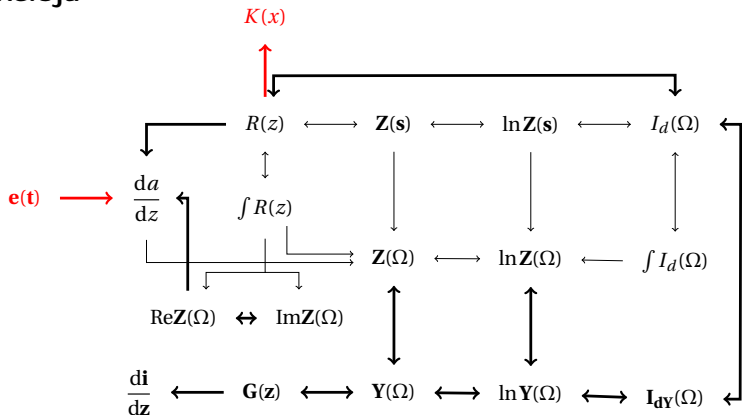
$$\frac{di}{dz} = -G(z) \otimes \exp(z - \exp(z))$$

3. téziscsoport

A konvolúciós eszközkészlet gyakorlati alkalmazásai

3.1. tézis

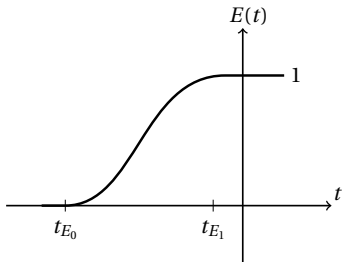
Az időállandó spektrum rendszeres mérési hibáinak korrekciója



3.1. tézis

Az időállandó spektrum rendszeres mérési hibáinak korrekciója

A nemideális gerjesztés hatása



$$e(t) = \frac{dE}{dt}$$

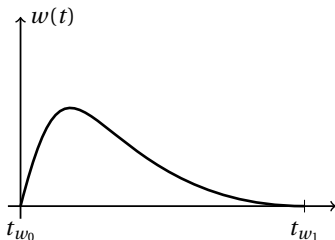
$$K(\tau) = \int_{t_{E_0}}^{t_{E_1}} e(x) \cdot \exp(x/\tau) dx$$

$$D(\tau) = \frac{D_m(\tau)}{K(\tau)}$$

3.1. tézis

Az időállandó spektrum rendszeres mérési hibáinak korrekciója

A véges sávszélességű mérőerősítő hatása

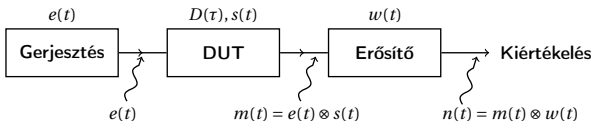


$$K(\tau) = \int_{t_{w_0}}^{t_{w_1}} w(x) \cdot \exp(x/\tau) dx$$

$$D(\tau) = \frac{D_m(\tau)}{K(\tau)}$$

3.1. tézis

A nemideális gerjesztés és a véges határfrekvencia együttes kezelése

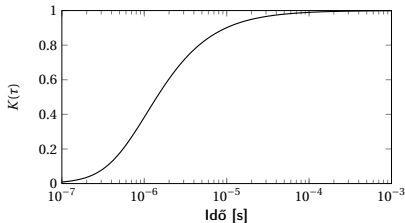


$$K(\tau) = \int_{t_{q0}}^{t_{q1}} (e(x) \otimes w(x)) \cdot \exp(x/\tau) dx$$

$$e(t) = \frac{1}{r}$$

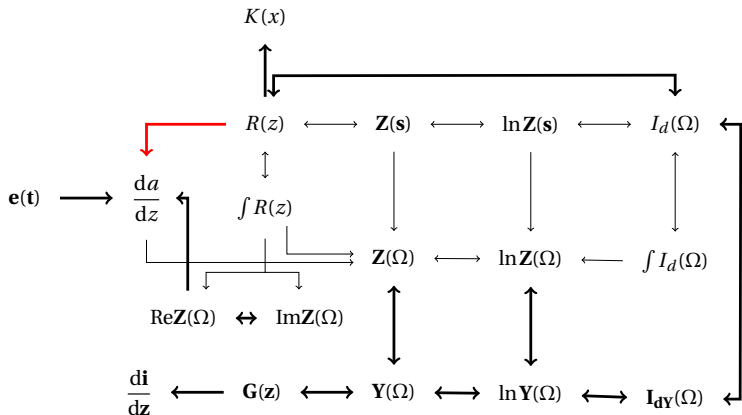
$$w(t) = \varepsilon(t) - \varepsilon(t - T)$$

$$K(\tau) = \frac{\tau^2 (\exp(r/\tau) - 1) (\exp(T/\tau) - 1) \exp(-\frac{r+T}{\tau})}{rT}$$



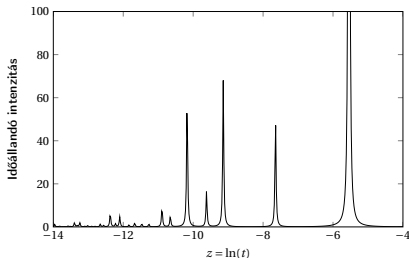
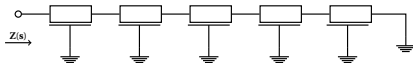
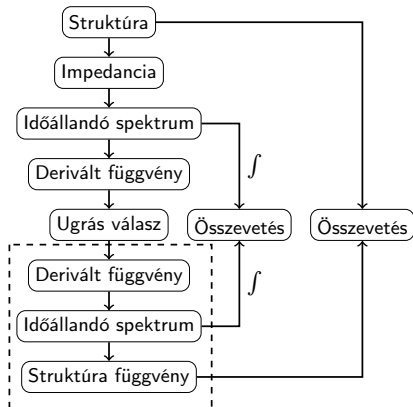
3.2. tézis

RC hálózatok identifikációs algoritmusainak minősítése



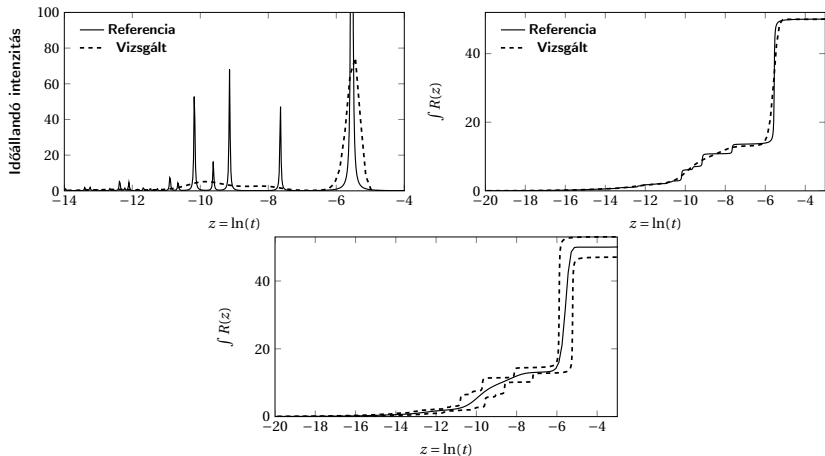
3.2. tézis

RC hálózatok identifikációs algoritmusainak minősítése



3.2. tézis

RC hálózatok identifikációs algoritmusainak minősítése

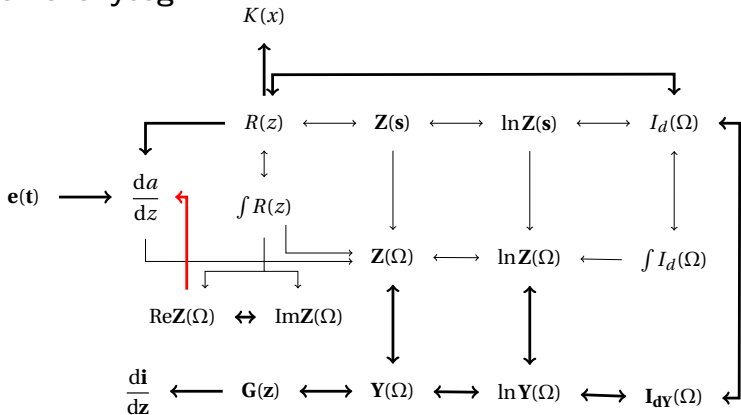


4. tézis

Divergáló operátorfüggvények regularizációja

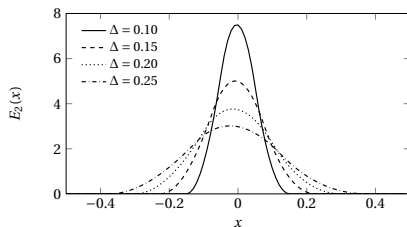
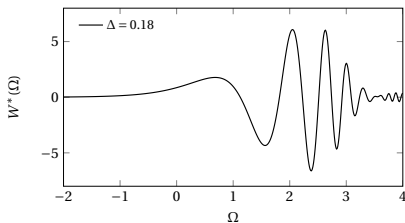
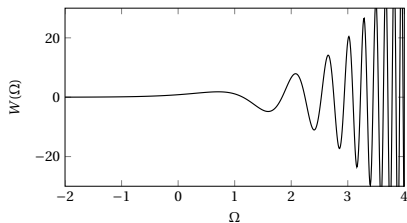
4. tézis

A zajérzékenység



4. tézis

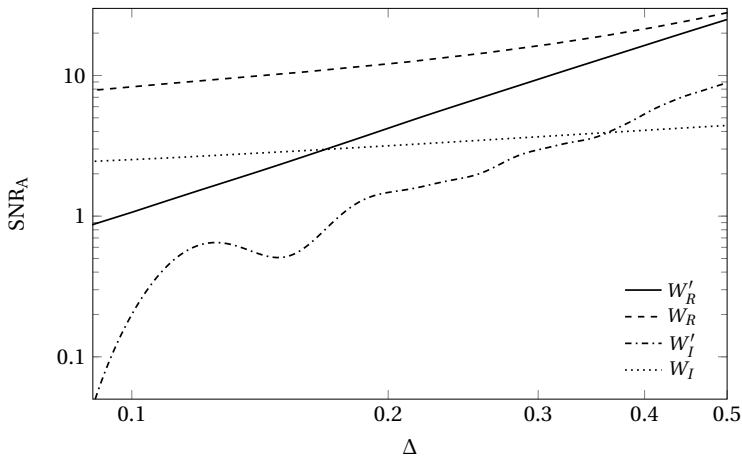
A zajérzékenység



$$\text{SNR}_A = \text{SNR}_B \frac{\left(\int_{-\infty}^{\infty} W(\Omega) d\Omega \right)^2}{\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} W(\theta) W(\vartheta) r_B(\theta - \vartheta) d\theta d\vartheta}$$

4. tézis

A zajérzékenység



- Az elosztott RC hálózatok elméletének konvolúciós megfogalmazása
- Az elosztott RC hálózatelmélet konvolúciós eszközkészletének admitancia alapú megfogalmazása
- A konvolúciós eszközkészlet gyakorlati alkalmazásai
- Divergáló operátorfüggvények regularizációja

- 4 megjelent folyóiratcikk
- 1 elbírálás alatti folyóiratcikk
- 5 konferenciakiadványban megjelent előadás
- 2 független hivatkozás

Köszönöm a figyelmet!